

4º) El precio de un viaje en autobús es función de los kilómetros recorridos. Así si son 30 km. Cuesta 4€, y 65 km. vale 7.5 €.

- Hallar la función lineal que expresa el coste del billete en función de la distancia recorrida.
- Calcula por interpolación el precio de 50 km.
- Calcular, por extrapolación, el precio de 300 km.
- Si el billete cuesta 25 €, ¿Cuántos kilómetros tiene el recorrido?.

5º) (EXAMEN 2003). A lo largo del tiempo, el número de habitantes de un municipio da la siguiente tabla de resultados:

Año	1970	1980	1990	2000
Habitantes	956	1210	1462	1730

- Por interpolación, calcula la población en los años 1975,1985 y 1995.
- ¿Cuál es el número de habitantes que posiblemente tendrá el municipio en el año 2010?.
- ¿En qué año, aproximadamente, tendrá 2500 habitantes este municipio?.

6º) (EXAMEN 2001) . La siguiente tabla muestra datos de diversos países sobre la evolución del número de trasplantes de hígado:

Año	1990	1991	1992	1993	1994	1995
Número	5040	5326	6042	6649	7616	7900

Representa en una gráfica los valores del número de trasplantes en función del año. Calcula el valor de interpolación del año 1993 a partir de los datos de 1992 y 1994. ¿Se parece el dato obtenido al real?. Interpreta tu respuesta.

7º) (EXAMEN 2000). El precio de un viaje en tren es función de los kilómetros recorridos. Recorrer 57 km. Cuesta 285 ptas. Y 68 km. Vale 340 ptas. Se pide:

- Encontrar la función lineal que expresa el coste del billete en función de la distancia recorrida.
- Calcular, por extrapolación, el precio del billete, cuando la distancia es de 500km.
- Si el billete cuesta 400 ptas., cuántos kilómetros tiene el recorrido?.

INTERPOLACIÓN LINEAL

La interpolación es un procedimiento que permite aproximar los valores de un fenómeno, en situaciones que no pueden ser medidos directamente, a partir de algunos otros valores conocidos.

Para ello suponemos que el fenómeno se ajusta a una función que calcularemos a partir de los puntos conocidos.

Si utilizamos dos puntos la gráfica de la función que podemos calcular es una recta y hablamos de interpolación lineal.

Se debe tener en cuenta que utilizaremos de los valores conocidos, los más cercanos a los que hemos de aproximar.

Si calculamos valores fuera de los conocidos el procedimiento es el mismo, pero recibe el nombre de extrapolación.

EJERCICIOS

1º) Si sabemos que un coche sale de una ciudad a las 9h y que llega a su destino a las 16 h habiendo recorrido 560 km., calcular por interpolación lineal por qué kilómetro pasaba a las 12 h.

2º) La siguiente tabla muestra datos de varios países de la evolución del número de trasplantes de hígado:

Año	1990	1991	1992	1993
Trasplantes	5040	5326	6042	6649

Calcula el valor de interpolación del año 1991 a partir de los datos de 1990 y 1992. ¿Se parece el dato obtenido al real?. Interpreta tu respuesta.

3º) El peso en gramos de un tipo de frutas en función de su calibre o diámetro en centímetros viene dado en esta tabla:

Diámetro (cm)	3	5	8
Peso (g)	8	22	73

Calcula por interpolación el peso correspondiente a 3.5 cm. y por extrapolación con qué diámetro pesará 85 g.

5. Funciones

En nuestra vida diaria a menudo nos encontramos ante situaciones del siguiente tipo: el precio que hemos de pagar por una misma cantidad de lapiceros dependerá del precio que tenga cada unidad; al consultar el precio del alquiler de un coche, vemos que éste depende del número de días y que la relación nos viene dada por una tabla como la siguiente:

Tiempo(días)	Precio(€)
1-3	45
4-6	60
7-10	80

El espacio recorrido por un móvil que lleva una velocidad constante de 150 km/h vendrá dado en función del tiempo que circule y lo calcularemos con la fórmula $e = 150t$.

Función

Las funciones estudian la relación existente entre dos variables. Se llama variable a cada una de las dos magnitudes que se relacionan entre sí. Se representan mediante las letras x e y , se denominan variable independiente (x) y variable dependiente (y).

Llamamos función a una relación entre dos variables, de tal forma que a cada valor de la variable independiente le corresponde un único valor de la variable dependiente.

La relación existente entre dos magnitudes se puede expresar de varias formas:

Mediante una frase.

Ejemplo: a cada valor de la variable independiente le asignamos su doble

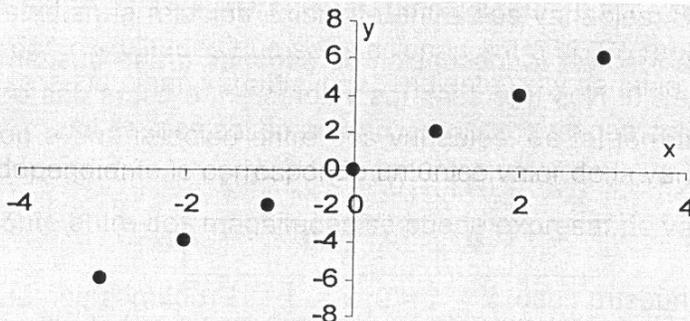
Mediante una tabla de valores.

Ejemplo:

x	-3	-2	-1	0	1	2	3
2x	-6	-4	-2	0	2	4	6

Mediante una gráfica.

Ejemplo:



Algebraicamente, mediante una fórmula.

Ejemplo: $f(x) = 2x$

Dominio o campo de existencia

También llamado conjunto origen o conjunto inicial, se llama así al conjunto de valores de la variable independiente en los que la función está definida. Se representa por $\text{Dom}(f)$.

Ejemplo: la función $f(x) = x^3$ asocia a cada número real su cubo. Como el cubo se puede calcular para todos los números reales diremos que $\text{Dom}(f) = \mathbb{R}$.

Ejemplo: la función $f(x) = \frac{1}{x}$ asocia a cada número real su inverso. Como el inverso se puede calcular para todos los números reales excepto el 0, $\text{Dom}(f) = \mathbb{R} - \{0\}$.

Ejemplo: la función $f(x) = \sqrt{x}$ asocia a cada número real su raíz cuadrada. Como no existe la raíz cuadrada de números negativos, $\text{Dom}(f) = [0, +\infty)$.

Estudiemos el cálculo de dominios de algunas funciones.

Cociente de polinomios. En este caso no forman parte del dominio de la función los valores de la x que anulan el denominador.

Ejemplo: en la función $f(x) = \frac{2}{x+3}$ el denominador se anula para $x = -3$ ($x + 3 = 0$), luego $\text{Dom}(f) = \mathbb{R} - \{-3\}$ o $\text{Dom}(f) = (-\infty, -3[\cup]-3, +\infty)$

Ejemplo: en $f(x) = \frac{2x+2}{x^2-9}$ el denominador se anula para $x = -3$ y $x = 3$ ($x^2 - 9 = 0$), luego $\text{Dom}(f) = \mathbb{R} - \{-3, 3\}$ o $\text{Dom}(f) = (-\infty, -3[\cup]-3, 3[\cup]3, +\infty)$

Raíces de polinomios. En este caso no forman parte del dominio de la función los valores de la x que hacen negativo el radicando.

Ejemplo: en $f(x) = \sqrt{2x+1}$ el radicando se hace negativo para $x < -1/2$ (soluciones de $2x + 1 < 0$), luego $\text{Dom}(f) = [-1/2, +\infty)$

Ejemplo: en $f(x) = \sqrt{x^2 - 1}$ el radicando se hace negativo para $-1 < x < 1$ (soluciones de $x^2 - 1 < 0$), luego $\text{Dom}(f) = (-\infty, -1] \cup [1, +\infty)$.

Para resolver la inecuación de segundo grado buscamos los valores que la hacen 0. Nos interesan los valores entre estos dos o el resto y esto lo podemos decidir probando con uno de los valores intermedios.

-2	-1	0	1	2
+	0	-	0	+

En nuestro caso: $x^2 - 1 = 0$; $x = \pm 1$. Probamos con un valor intermedio, como el 0. $0^2 - 1 = -1$. Como este valor es negativo, el resto de valores forman el dominio de la función.

Ejemplo: en $f(x) = \frac{1}{\sqrt{x^2 - 1}}$ hemos de eliminar del dominio los valores que anulan el denominador y los que hacen que el radicando sea negativo. Estos valores son $-1 \leq x \leq 1$ (soluciones de $x^2 - 1 \leq 0$), luego $\text{Dom}(f) = (-\infty, -1[\cup]1, +\infty)$.

Logaritmos. En este caso no forman parte del dominio de la función los valores de la x que hacen negativo o 0 el número al que estamos buscando el logaritmo.

Ejemplo: en la función $f(x) = \ln(x^2 - x - 6)$ la expresión se hace negativa o nula para $-2 \leq x \leq 3$ (soluciones de $x^2 - x - 6 \leq 0$), luego $\text{Dom}(f) = (-\infty, -2[\cup]3, +\infty)$.

Para resolver la inecuación de segundo grado $x^2 - x - 6 = 0$; $x = -2$ y $x = 3$. Probamos con un valor intermedio, como el 0. $0^2 - 0 - 6 = -6$. Como este valor es negativo, el resto de valores forman el dominio de la función.

-3	-2	0	3	4
+	0	-	0	+

Rango o recorrido

También llamado conjunto final o conjunto imagen, se llama así al conjunto de valores de la variable dependiente que son imagen de algún elemento del dominio. Se representa por $\text{Im}(f)$.

Ejemplo: 4 forma parte del rango de la función $f(x) = x^2$ pues existe al menos un valor de x que se transforma en 4 mediante esta función: $x^2 = 4$; $x = \sqrt{4} = \pm 2$, pero -4 no forma parte del rango de esta función pues no existe ningún valor de x que se transforma en -4 mediante esta función: $x^2 = -4$; $x = \sqrt{-4}$ no tiene solución.

Puntos de corte con los ejes

Un dato importante a la hora de representar gráficamente una función es el cálculo de los puntos de corte con los ejes.

Los puntos de corte con el eje y son de la forma $(0, y)$, luego son aquellos puntos en los que la x vale 0. Para calcularlos solo tenemos que sustituir la x por 0 y calcular el valor de y correspondiente.

Ejemplo: la función $f(x) = \sqrt{2x+1}$ corta al eje y en los puntos $(0, -1)$ y en $(0, 1)$ ya que si $f(0) = \sqrt{2 \cdot 0 + 1} = \sqrt{1} = \pm 1$.

Los puntos de corte con el eje x son de la forma $(x, 0)$, luego son aquellos puntos en los que la y vale 0. Para calcularlos solo tenemos que sustituir la y por 0 y calcular el valor de x correspondiente. A estos valores se les llama ceros de la función.

Ejemplo: la función $f(x) = \sqrt{2x+1}$ corta al eje x en el punto de coordenadas $(-1/2, 0)$ ya que si $0 = \sqrt{2x+1}$; $x = -1/2$. Es el cero de la función.

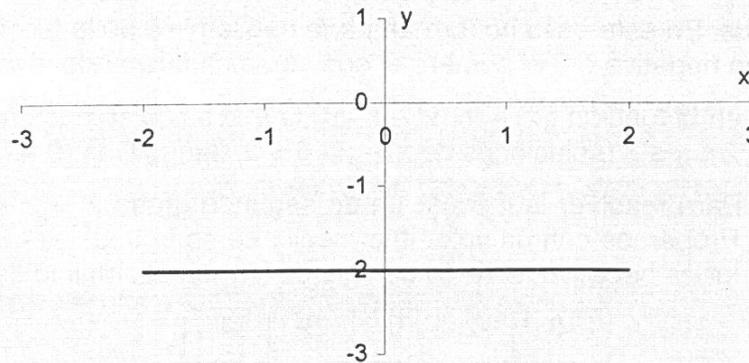
Representación gráfica de funciones

Función constante: $f(x) = c$, donde c es un número real.

El dominio es \mathbb{R} y el único valor del recorrido es c .

Las gráficas de estas funciones son rectas paralelas al eje de las x o abscisas que pasan por el punto (0,c).

Ejemplo: la gráfica de $f(x) = -2$ es



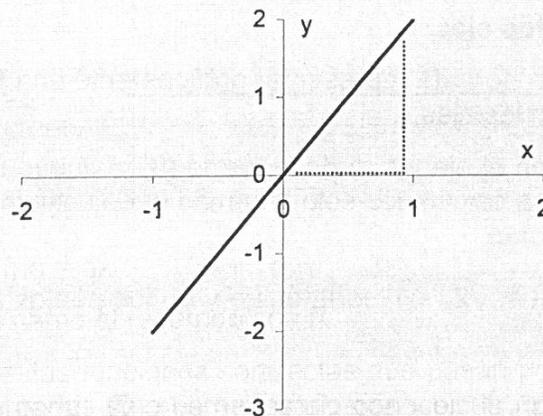
Función lineal: $f(x) = ax$

Tanto el dominio como el recorrido son \mathbb{R} .

Las gráficas de estas funciones son rectas que pasan por el punto (0,0). Por ser rectas para representarlas solo es necesario conocer otro punto aparte del (0,0), situarlos en los ejes y unirlos mediante una recta.

Se puede comprobar que a coincide con la pendiente de la recta y es la variación de la variable dependiente cuando la variable independiente aumenta una unidad.

Ejemplo: $f(x) = 2x$. Pasa por el (0,0) y por (-1,-2). Observa la pendiente.



Al ser a la pendiente si $a > 0$ la recta será creciente, si $a < 0$ la recta será decreciente. Además si $|a| = 1$ la recta coincidirá con la bisectriz del primer y tercer cuadrante si es positiva, o con la del segundo y cuarto cuadrantes si es negativa; y si $0 < |a| < 1$ tendrá menor inclinación que estas bisectrices y si $|a| > 1$ tendrá mayor inclinación que las bisectrices.

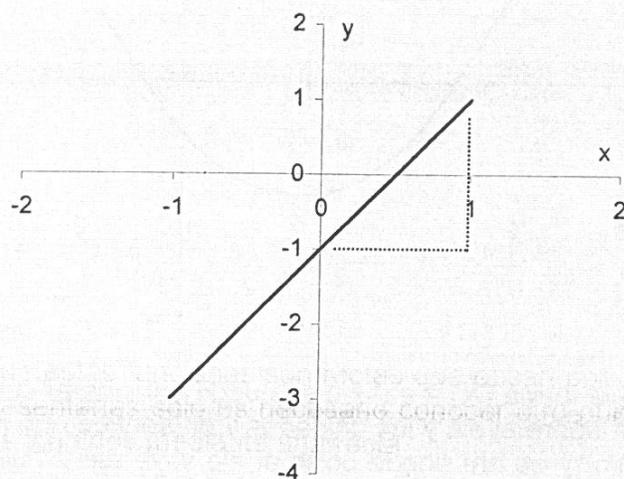
Función afín: $f(x) = ax + b$

Tanto el dominio como el recorrido son \mathbb{R} .

Las gráficas de estas funciones son rectas que pasan por el punto $(0,b)$. Por ser rectas para representarlas solo es necesario conocer otro punto aparte del $(0,b)$, situarlos en los ejes y unirlos mediante una recta.

Se puede comprobar que a coincide con la pendiente de la recta y que b es el valor de la ordenada en el origen.

Ejemplo: $f(x) = 2x - 1$. Pasa por el $(0,-1)$ y por $(1,1)$. Observa la pendiente.



Las consideraciones hechas sobre la pendiente en la función lineal se mantienen en la función afín. Además se ha de tener en cuenta que las infinitas funciones afines y la lineal correspondiente que comparten la misma pendiente son paralelas entre sí.

Ejemplo: son funciones paralelas: $f(x) = 2x - 1$, $f(x) = 2x$, $f(x) = 2x + 1$, $f(x) = 2x - 5$, $f(x) = 2x + 1/4$, ...

Función cuadrática: $f(x) = ax^2 + bx + c$

El dominio es \mathbb{R} y el recorrido dependerá de la situación del vértice y la orientación de las ramas.

Sus gráficas son unas curvas denominadas parábolas que se caracterizan por tener vértice y un eje de simetría paralelo al eje de ordenadas que pasa por el vértice.

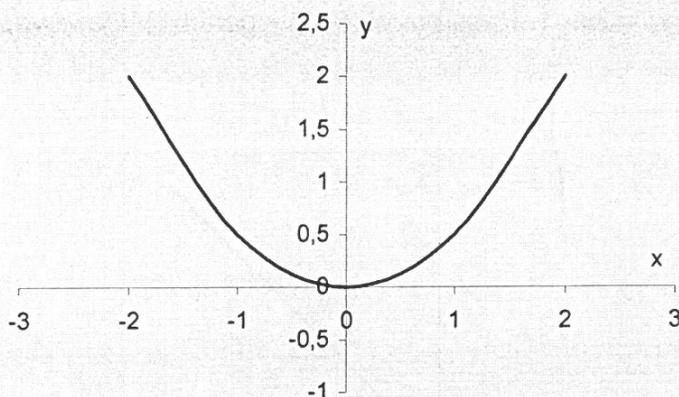
El coeficiente a determina la forma de la gráfica de una función cuadrática, si $a > 0$ las ramas van hacia arriba y si $a < 0$ las ramas hacia abajo. En ambos casos presenta un máximo o un mínimo respectivamente, que se corresponde con el vértice. Además si $|a| = 1$ la abertura de las ramas se considera mediana; si $0 < |a| < 1$ tendrán mayor abertura que la anterior y si $|a| > 1$ tendrá menor abertura.

Para representar gráficamente una función polinómica de 2º grado conviene hallar el vértice y los puntos de corte con los ejes.

Si la función es de la forma $f(x) = ax^2$ el vértice se encuentra en el $(0,0)$ y es ahí donde corta a los ejes. Como es simétrica respecto a este punto calcularemos un par de puntos a un lado y podemos dibujarla.

Ejemplo: $f(x) = \frac{1}{2}x^2$ tendrá mucha abertura, ramas hacia arriba, vértice en el (0,0).

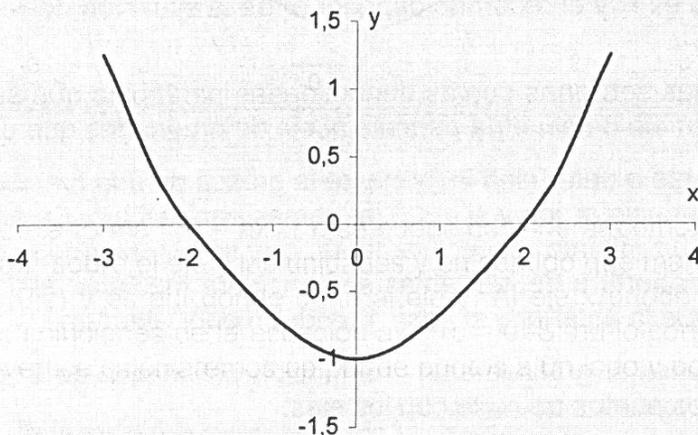
Calculamos dos puntos más a un lado del vértice: (2,2) y (1,1/2). Ya la podemos representar.



Si la función es de la forma $f(x) = ax^2 + c$ se puede considerar como una traslación de la función $f(x) = ax^2$ sobre el eje y las unidades y en sentido que marca c. El vértice se encuentra en el (0,c) y es ahí donde corta al eje y. Al eje x puede cortarlo o no dependiendo de las soluciones de la ecuación $ax^2 + c = 0$. Si no lo corta, como es simétrica respecto al vértice calcularemos un par de puntos a un lado y podemos dibujarla.

Ejemplo: $f(x) = \frac{1}{4}x^2 - 1$ tendrá mucha abertura, ramas hacia arriba, vértice en el (0,-1).

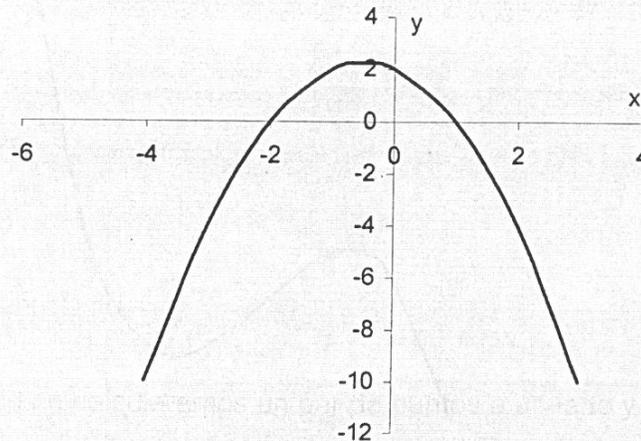
Calculamos los puntos de corte con el eje x: $\frac{1}{4}x^2 - 1 = 0$; $x = \pm 2$, luego corta en los puntos: (2,0) y (-2,0). Ya la podemos representar.



Si la función es de la forma $f(x) = ax^2 + bx + c$ el vértice se encuentra en el $\left(\frac{-b}{2a}, f\left(\frac{-b}{2a}\right)\right)$ y corta al eje y en el punto (0,c). Al eje x puede cortarlo o no dependiendo de las soluciones de la ecuación $ax^2 + bx + c = 0$. Si no lo corta, como es simé-

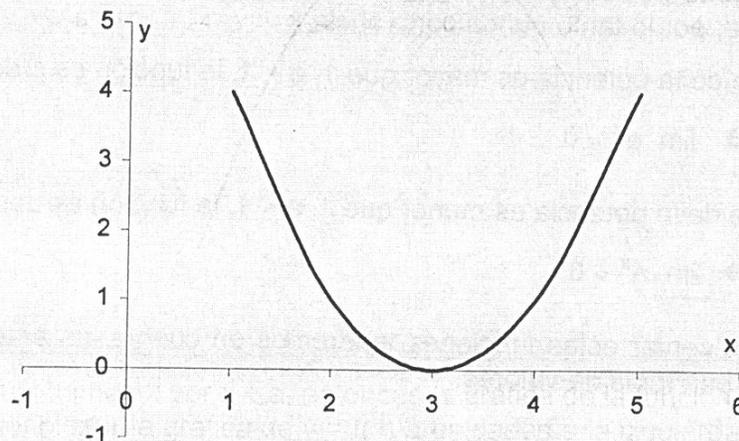
trica respecto al vértice calcularemos un par de puntos a un lado y podemos dibujarla.

Ejemplo: $f(x) = -x^2 - x + 2$ tendrá abertura mediana, ramas hacia abajo, vértice en el $(-1/2, 5/4)$. Calculamos los puntos de corte con el eje x : $-x^2 - x + 2 = 0$; $x = -2$ y $x = 1$, luego corta en los puntos: $(-2,0)$ y $(1,0)$. Corta al eje y en $(0,2)$ Ya la podemos representar.



Si en $y = f(x)$ sustituimos x por $x + a$, entonces la gráfica de la función $y = f(x + a)$ es la resultante de desplazar la gráfica de $y = f(x)$ a unidades a la izquierda y si sustituimos x por $x - a$, la gráfica de $y = f(x - a)$ será la de $y = f(x)$ desplazada a unidades hacia la derecha.

Ejemplo: si la función $f(x) = x^2$ tiene abertura mediana, ramas hacia arriba y vértice en $(0,0)$, la función $f(x) = (x-3)^2$ es igual a la anterior pero con el vértice en $(3,0)$.

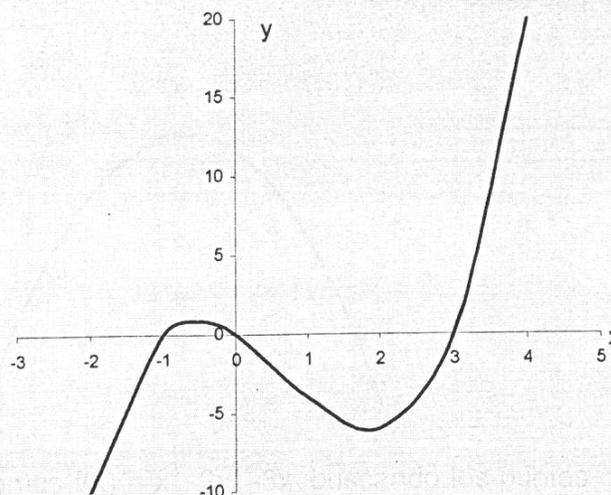


Función polinómica de grado 3: $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$

Tanto el dominio como el recorrido son \mathbb{R} .

Para realizar las gráficas de estas funciones calculan los puntos de corte con los ejes y valores intermedios.

Ejemplo: representamos $f(x) = x^3 - 2x^2 - 3x$, buscando los puntos de corte con el eje x: $x^3 - 2x^2 - 3x = 0$; $x = 0$, $x = -1$, $x = 3$, luego corta en $(-1,0)$, $(0,0)$ y $(3,0)$. Al eje y lo corta en $(0,0)$. Después calcularemos valores intermedios como $(-2,-10)$, $(-0.5, 0.875)$, $(1,-4)$ y $(4,20)$. Situamos los puntos y dibujamos la gráfica.



Función exponencial: $f(x) = a^x$, siendo a un número real positivo y distinto de 1.

Estas funciones cumplen las siguientes propiedades:

Su dominio es \mathbb{R} y el recorrido $]0, \infty)$.

Para $x = 0$, la función toma el valor 1: $f(0) = a^0 = 1$.

Para $x = 1$, la función toma el valor a : $f(1) = a^1 = a$.

La función es positiva para cualquier valor de x : $f(x) > 0$ ya que la base siempre es positiva, por lo tanto nunca corta al eje x.

Si la base de la potencia es mayor que 1, $a > 1$, la función es creciente.

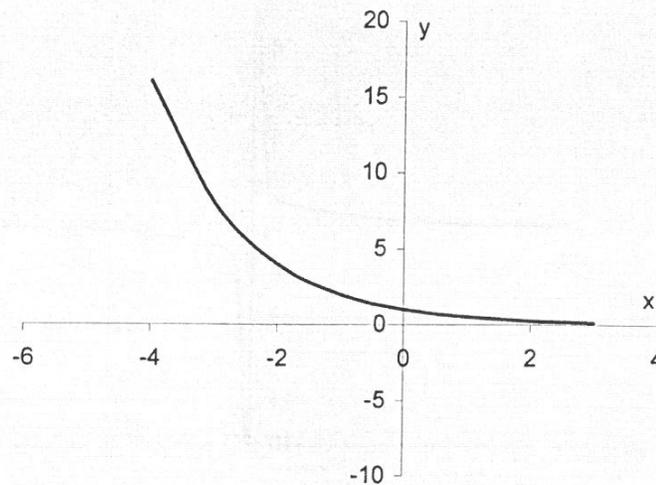
$$\text{Si } a > 1 \rightarrow \lim_{x \rightarrow -\infty} a^x = 0$$

Si la base de la potencia es menor que 1, $a < 1$, la función es decreciente.

$$\text{Si } a < 1 \rightarrow \lim_{x \rightarrow +\infty} a^x = 0$$

Para representar estas funciones tendremos en cuenta las anteriores propiedades y haremos una tabla de valores.

Ejemplo: la gráfica de $f(x) = \left(\frac{1}{2}\right)^x$ será decreciente, pasará por los puntos $(0,1)$ y $(1,1/2)$. Otros valores son: $(-4,16)$, $(-3,8)$, $(-2,4)$, $(-1,2)$, $(2,1/4)$, $(3,1/8)$, $(4,1/16)$. Los situamos y podemos representarla.



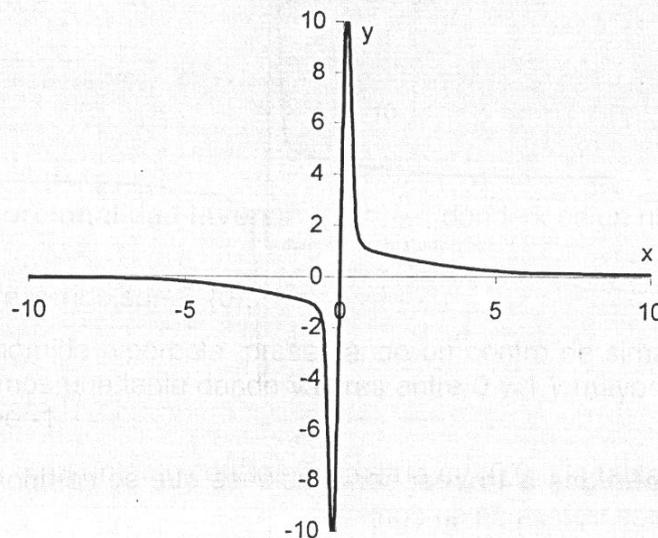
Función de proporcionalidad inversa: $f(x) = \frac{k}{x}$, donde k es un número real y $k \neq 0$.

Su Dominio y su recorrido son $\mathbb{R} - \{0\}$.

Su gráfica se denomina hipérbola, presentando un centro de simetría en $(0,0)$. Para realizarla elaboramos una tabla dando valores entre 0 y 1 y mayores que 1, y entre 0 y -1 y menores que -1.

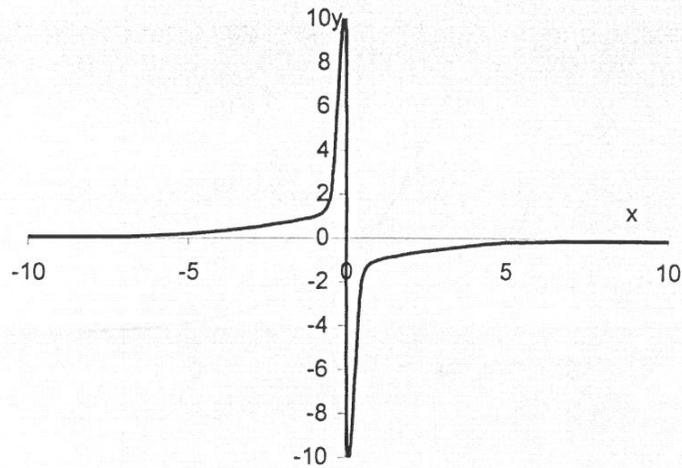
Ejemplo: $f(x) = 1/x$ presenta un centro de simetría en $(0,0)$ t la tabla de valores sería

x	0'25	0'5	2	5	10	-0'25	-0'5	-2	-5	-10
f(x)	4	2	0'5	0'2	0'1	-4	-2	-0'5	-0'2	-0'1



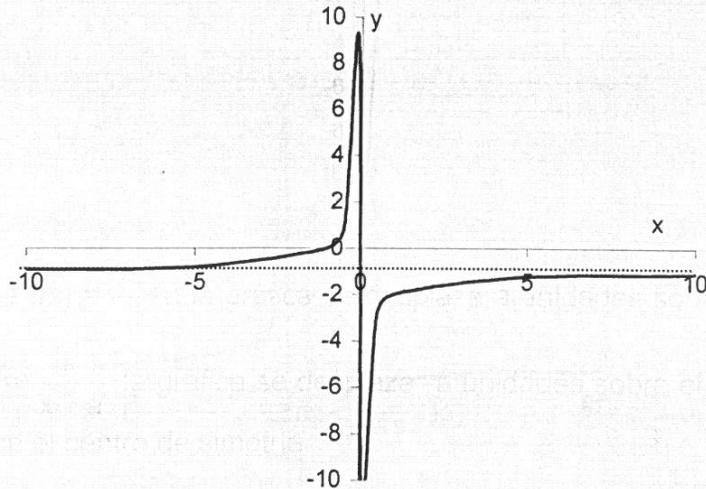
Si k es positivo la gráfica es decreciente y si k es negativo la gráfica resulta creciente.

Ejemplo: la gráfica de $f(x) = -1/x$ es la siguiente



Si es de la forma $f(x) = \frac{k}{x} + a$ la gráfica se desplaza a unidades sobre el eje y y si es de la forma $f(x) = \frac{k}{x + a}$ la gráfica se desplaza $-a$ unidades sobre el eje x . En ambos casos se modifica el centro de simetría.

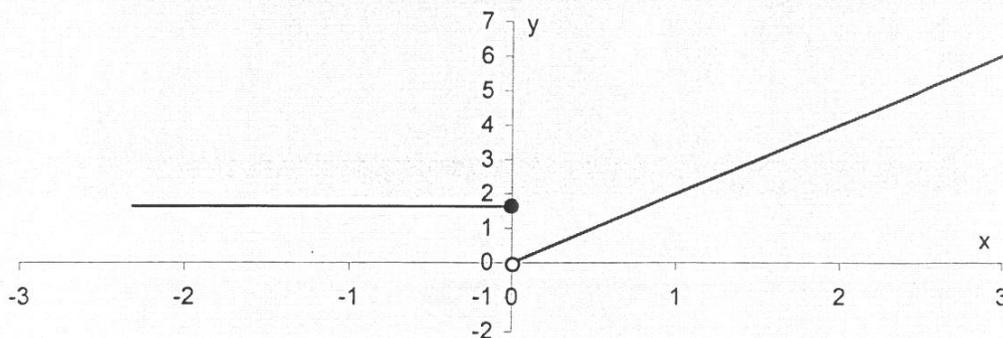
Ejemplo: la gráfica de $f(x) = \frac{-1}{x} - 1$ presenta el centro de simetría en $(-1, 0)$ y es la siguiente



Funciones definidas a trozos: son funciones que se comportan de diferente forma en determinados tramos de su dominio.

Ejemplo: la gráfica de la función $f(x) = \begin{cases} 2 & \text{si } x \leq 0 \\ 2x & \text{si } x > 0 \end{cases}$ tiene dos partes, es una recta horizontal a la altura del 2 para valores menores o iguales a 0 y una recta lineal creciente de inclinación 2 en el resto. Observa los puntos que indican

que en $x = 0$ se comporta como $f(x) = 2$ y no como $f(x) = 2x$.



Actividades resueltas

1. Calcula el dominio de la función $f(x) = \frac{2x-1}{x^2-2x-1}$

Hay que eliminar del dominio los valores de x que anulan el denominador:
 $x^2 - 2x - 1 = 0$; $x = 1 \pm \sqrt{2}$. $\text{Dom}f = \mathbb{R} - \{1 + \sqrt{2}, 1 - \sqrt{2}\}$.

2. En la función anterior comprueba si el valor $-1/2$ forma parte de su rango o recorrido.

Hay que comprobar si existe algún valor de x que se transforme en $-1/2$:
 $\frac{2x-1}{x^2-2x-1} = \frac{-1}{2}$, resolviendo la ecuación se comprueba que $x = 1$ y $x = -3$, luego $-1/2$ sí que pertenece al rango de la función.

3. Calcula el dominio de la función $f(x) = \frac{2x}{x^2+2}$.

Como no hay ningún valor que anule el denominador $\text{Dom}f = \mathbb{R}$.

4. Calcula el dominio de la función $f(x) = \sqrt{3x+4}$

Hay que eliminar del dominio los valores de x que hacen negativo el radicando:
 $3x + 4 < 0$; $x < -4/3$. $\text{Dom}f = [-4/3, +\infty)$.

5. Calcular el dominio de la función $f(x) = \frac{3x-5}{\sqrt{-x^2+25}}$.

Hay que eliminar del dominio los valores de x que hacen negativo el radicando y los que anulan el denominador: $-x^2 + 25 = 0$; $x = \pm 5$. 5 y -5 anulan el denominador. Los valores que hacen negativo el radicando son los valores del intervalo entre 5 y -5 o el resto. Probamos con el 0 : $-0^2 + 25 = 25$, luego los valores del intervalo hacen positivo el radicando y el resto lo hacen negativo. $\text{Dom}f =]-5, 5[$.

-6	-5	0	5	6
-	0	+	0	-

Ejercicios de la función lineal

Representa las funciones constantes

1 $y = 2$

2 $y = -2$

Representa las rectas verticales

3 $x = 0$

4 $x = -5$

Representa las funciones lineales

5 $y = x$

6 $y = 2x$

Representa las funciones afines

7 $y = 2x - 1$

8 $y = -2x - 1$

Representa las siguientes funciones, sabiendo que:

9 Tiene por pendiente 4 y pasa por el punto $(-3, -2)$.

10 Pasa por los puntos $A(-1, 5)$ y $B(3, 7)$.

11 Pasa por el punto $P(2, -3)$ y es paralela a la recta de ecuación $y = -x + 7$.

12 En las 10 primeras semanas de cultivo de una planta, que medía 2 cm, se ha observado que su crecimiento es directamente proporcional al tiempo, viendo que en la primera semana ha pasado a medir 2.5 cm. Establecer una función a fin que dé la altura de la planta en función del tiempo y representar gráficamente.

13 Por el alquiler de un coche cobran 100 € diarios más 0.30 € por kilómetro. Encuentra la ecuación de la recta que relaciona el coste diario con el número de kilómetros y represéntala. Si en un día se ha hecho un total de 300 km, ¿qué importe debemos abonar?

Ejercicios de la función cuadrática

Representa las funciones cuadráticas

1 $y = -x^2 + 4x - 3$

2 $y = x^2 + 2x + 1$

3 $y = x^2 + x + 1$

4 Una función cuadrática tiene una expresión de la forma $y = x^2 + ax + a$ y pasa por el punto $(1, 9)$. Calcular el valor de a .

5 Se sabe que la función cuadrática de ecuación $y = ax^2 + bx + c$ pasa por los puntos $(1,1)$, $(0, 0)$ y $(-1,1)$. Calcula a , b y c .

6 Una parábola tiene su vértice en el punto $V(1, 1)$ y pasa por el punto $(0, 2)$. Halla su ecuación.

7 Partiendo de la gráfica de la función $f(x) = x^2$, representa:

1. $y = x^2 + 2$

2. $y = x^2 - 2$

8. Lanzamos en vertical una piedra hacia arriba y observamos su movimiento. Si le hemos imprimido una velocidad inicial de 20 m/s su ecuación de movimiento será $f(t) = 20t - 5t^2$, donde $f(t)$ es la altura alcanzada en metros por la piedra y " t " el tiempo transcurrido en segundos.

a) Representa gráficamente esta función.

b) ¿Cuál es la altura máxima que alcanza la piedra?

c) ¿Cuánto tiempo tarda en caer de nuevo hasta la altura desde la cual se lanzó?

PROBLEMAS APLICADOS A FUNCIONES

1º) El precio del jamón es 20€/kg, es decir 0,02€/gr. Determina la ecuación que nos expresa el dinero gastado (y) según los gramos de jamón que compremos y representáala gráficamente. Calcula la cantidad de jamón que nos darán por 2,5 €.

2º) Por la recogida de agua en unas fuentes medicinales debemos pagar 20 céntimos de euro por el acceso al recinto y 5 céntimos por cada litro recogido. Calcula el precio de 25 litros de agua. Luego calcula los litros que nos darán por 2 € .

3º) (EXAMEN 2002) Una empresa de alquiler de vehículos, nos cobra por alquilar un turismo una cuota de 120 € más una cuota de 60 € por cada día alquilado. Otra empresa B nos cobra una cuota de 72 €/día.

- Si alquilamos un coche para tres días. ¿Qué empresa sería más rentable?
- ¿Cuántos días serían necesarios para que las dos empresas nos cobraran lo mismo?
- Realiza una gráfica situando en el eje de abscisas (x) los días y en el de ordenadas (y) el coste de cada empresa, donde se vea que se juntan en el día calculado en el apartado b. (Ayuda: las funciones son rectas).

4º) (EXAMEN 2003) Una empresa se dedica a la fabricación de calculadoras de bolsillo, y en un día de producción realiza cierto número de unidades de un modelo, con un coste de 1 € la unidad. Los costes fijos de producción, independientemente de la fabricación, son de 3.200 €, y cada calculadora se vende por 6 €.

- ¿Cuál debe ser la producción de ese día para que la empresa cubra los gastos?
- ¿Cuál ha de ser la producción, si se han obtenido 3.000 € de beneficio?

5º) (EXAMEN 2008) El coche A consume 7 litros por cada 100 km. El coche B consume 6 litros por cada 100 km. El coche B cuesta 2.000 € más que el coche A. Los dos utilizan el mismo tipo de gasolina, que cuesta 1 € por litro. ¿A partir de cuántos kilómetros recorridos resulta más rentable el coche B?